2009年6月1-3日 2009年6月1-3日 総研大実習 テーマA6 シリコンセンサーの基礎

2009年6月1日 KEK 坪山 透

はじめに

シリコンセンサーは現在および将来の素粒子実験で最も重要な役割を果たす。写真は「シ

リコンストリップセンサー」と 呼ばれ、300μm厚のシリコン板 に50 μm おきに細長い電極を取 り付け、素粒子がそのセンサー を通り抜けたときに発生するごく



1cm x 8 cm x 0.3 mm のシリコンストリップセンサー

少ない電荷を集めて、粒子の通過位置を測定する。シリコンセンサーの両面に電極を設け ることで、2 次元情報 XY の測定が可能になる。典型的なシリコンセンサーでは、面内の

通過位置を表・裏それぞれ 10 µm 程度の精 度で測定することができる。さらに、セン サーの置く位置 Z を精度よく決めること で、素粒子通過位置の XYZ の情報を得る ことができる。2 枚以上のセンサーを集め れば、粒子の軌道の測定が可能になる。磁 場中を走る荷電粒子はらせん運動をする。 3 枚以上のセンサーを用いて、運動の曲率

半径を測ることで、粒子の進む方向と運動量の

測定を行う。複数の粒子が一つの検出器を通り抜ける場合、従来の検出器では軌跡が 1 cm 程度離れている必要があるが、シリコンストリップセンサーの場合は、50 μm の間隔

で電極が作ってあるおかげで、きわめて接近 した粒子を分離することが可能になる。 CERN で準備が進んでいる LHC 実験の CMS 測定器や ATLAS 測定器には100 平方メート ル以上のシリコンセンサーが用いられ、その 中を通り抜ける粒子の発生位置、進行方向、 運動量が極めて高い精度で測定が行われる。 この演習ではこうした半導体検出器の基礎を 学ぶ。



半導体の性質

シリコンは元素の周期律表4族に含まれ4本の結合手を持つので、純粋な結晶はダイヤモン ドと同じ構造になる。従って、純粋なシリコンの結晶はほとんど電気を通さない。しかし 結晶中にごく少量の不純物を加えることで、思いも寄らぬ性質が生まれ、それが現在の高

総研大実習 A6 シリコンセンサーの基礎 (坪山 透)



度なエレクトロニクス社会の根本になっている。半導体が高感度の光・素粒子の検出器に なるのも重要な性質のひとつと言える。こうした性質を理解するために、半導体検出器の 原理を学習しよう。シリコンの性質といくつかの式をまとめておく。

シリコンの性質	
密度	2.33 g/cm ³
純粋シリコンの常温でのキャリア濃度 n _i	1.45 10 ¹⁰ cm ⁻³
バンドギャップエネルギー E _G	1.1 eV
電子・ホール対を作るために必要なエネルギー	3.6 eV
電子易動度 µe	1400 (cm/s)/(V/cm)
ホール易動度 μ _h	500 (cm/s)/(V/cm)
誘電率 ε	1.05 pF/cm
抵抗率 Ω (不純物濃度N _n)	$1/e\mu_e N_n$
内蔵電位 <i>φ</i> _{bi}	$(kT/e)\ln(N_{\rm p}N_{\rm n}/n_{\rm i}^2)$
空乏層厚み d	$\sqrt{2\varepsilon(V_{\text{bias}} + \varphi_{\text{bi}})/eN_{\text{n}}} = \sqrt{2\Omega\varepsilon\mu_{\text{e}}(V_{\text{bias}} + \varphi_{\text{bi}})}$
静電容量 C (面積 S 厚みd)	εS/d
ブレークダウン (降伏) 電界	3•10 ⁵ V/cm

エネルギーレベルとバンド構造

水素原子の電子がもつエネルギーレベルはとびとびの値 に離散化されている。ところが、シリコンのような結晶 中の電子のエネルギーレベルは、多数のエネルギーレベ ルが混合してエネルギーバンド(帯)を形成する。その なかで、電子はエネルギーの低い準位から埋まってゆ く。金属の場合は、ひとつのバンドのなかに、電子が充

満しておらず、その中の電子は室温で励起され、励起された電子は結晶中を自由に動くこ

とができる。それが電気伝導の原因となる。電子が完全 に充満しているバンドと電子がいないバンドに別れてい る結晶もある。電子は許容された以外のエネルギーをと り得ない。 その間のエネルギーギャップ(*E*G)が大きい 場合は、室温では電子が励起されず電子は充満バンドに 固定され電流が流れることはできない。

シリコンなどの半導体の場合も絶縁体と同じバンド構造 を持っているが、この *E*_Gが1.1 eV (電子ボルト)程度に なっている。電子があるエネルギーをもつ確率はフェル ミ分布関数



絶縁体・真性半導体(右)

総研大実習 A6 シリコンセンサーの基礎 (坪山 透)

$$F(E) = \frac{1}{e^{-\frac{E-E_{\rm F}}{kT}} + 1}$$

で表される。*k*はボルツマン定数、*T*は温度で室温の場合は*kT*=0.026電子ボルト (eV)となる。*E*Fはフェルミエネルギーを表す。純粋なシリコンでも、ほとんど電子は励起されず、 電気伝導率は非常に小さい。これだけでは物理的にも応用面でもあまり興味深くないが、 半導体に少量の不純物を加えると、様相が全く変化する。

PN接合

リン (*P*) やヒ素 (*As*) などのV族元素は共有結合手を 5本持つため、 これらがシリコン結晶中にある と、*Si* 原子と結合できない電子が発生する。この 電子は極めて低いエネルギーで励起されてシリコ ン結晶中を移動できるようになる。バンド図では、 伝導帯の 0.02 eV 程度下の準位となり、室温では、 その電子はほぼ完全に伝導帯に移り自由に動くこと ができるので、自由電子と呼ばれる。こうしたシリ コンを n 型シリコンと呼び、この不純物原子をド ナー呼ぶ。一方、シリコンにホウ素 (*B*)などのIII族の



P型 (左) N型 (右) シリコンのバンド図 鎖線(青)は不純物によるアクセプター・ ドナーのエネルギーレベル。点線(赤)は フェルミエネルギーを示す。

元素をドープすると、結晶中のSi 原子と結合できない空の軌道ができる。Si の電子がここ

に移ると、その空の状態は、あたかも正の電荷を持 つ電子のようにシリコン中で運動する。「ホール (正孔)」と呼ばれる。この場合、ホウ素原子をアク セプター呼び、シリコンを P 型と言う。ホール・自 由電子を総称してキャリア(担体)などと呼 ぶ。N(P)型半導体中の電子(ホール)を多数 キャリア、ホール(電子)を小数キャリアと呼ぶ。 つぎに P 型シリコンと N 型シリコンを接合した場合 を考える。接合面付近では電子・ホールは拡散(熱 運動)により、電子が P 型側、ホールが N 型側に広 がってゆく。そして、界面近傍ではホールと電子が 衝突し、エネルギーを熱として放出しながら対消滅 をする。これを「再結合」と呼ぶ。再結合がおこ り、ホールと電子が中和し電子もホールもない領域 が現れる。これを空乏(depletion)領域と呼ぶ。空乏



PN接合後のバンド図。境界付近はホールも電 子もない空乏層になる。 P側のポテンシャル が増加し、P型シリコンのホール、N型シリコ ンの電子が移動できなくなる。左右のポテン シャルの差がPN接合の内蔵電位(φы)である。

領域にはドナーとアクセプターの原子が残る。これらは、それぞれ正と負の電荷を持つた め、接合面の左右に電位のアンバランスが生じる。 この電位差を内部電位 φ_{bi}と呼び次の 式

$$\varphi_{\rm bi} = \frac{kT}{e} \ln \frac{N_{\rm p} N_{\rm n}}{n_{\rm i}^2}$$

で表され、通常 0.7 V 程度となっている。P側のホールとN側の自由電子は同じ*E*F になるが、 この _{Øbi}のが障壁となり反対側の結晶領域に拡散できなくなる。

空乏領域の性質

◎空乏領域では電荷の移動が出来ない。したがって、絶縁体に見える。その誘電率 (ε) は シリコン本来が持つ誘電率1.05 pF/cmとなる。

©シリコン中を荷電粒子(陽子やπ[±]など電荷を持った素粒子)が通り抜けると、クーロン 力で結晶が励起され、軌跡 1 μm あたり 80 程度のホールと自由電子対が発生する。また励 起エネルギー以上のエネルギーを持つ光子が入る場合もホールと自由電子対を生成するこ とができる。空乏領域には他のホールや自由電子がほとんど存在していないため、電場が 存在し、再結合がおこる前に長い距離を走ることができる。電荷が長い距離を走るので、 結晶内に電流が発生したことになる。外部に増幅器を接続すれば粒子の通過が検出でき る。空乏化していないシリコンでは、発生したホール・自由電子はすぐに再結合を起こ す。空乏化していないシリコンは一種の導体であり、電界も小さく電荷が発生しても信号 にならない。つまり半導体でセンサーを作る場合、「空乏領域の厚み」が性能を決めるこ とになる。そこで、空乏層の厚みの計算をしてみよう。

空乏領域に関するモデル計算

面倒な計算をさけるためにモデルを簡単化する。 ◎ P型 N型シリコンの不純物濃度はそれぞれ 一定とする。

◎空乏化しているところは、シリコン結晶
 に固定された不純物で電荷密度が決まる。
 ◎空乏化していない部分では電気伝導度が
 大きく電場が0である。

x=0 が P 型・N 型シリコンの境界である。 上図のように、P 型・N 型シリコンでの空乏 領域の広がりを x_p ・ x_n とする。シリコン全体 の電荷は保存するので、 $N_px_p = N_nx_n$ となる。 ホールより自由電子の移動度のほうが大きい



ため、P 型でなく N型半導体を用いる方がより優れた検出器が得られる。そこで主に N 型 領域を空乏化することにする。 つまり $x_n >> x_p$ を課す。そのめには、 $N_p >> N_n$ つまり、P 型 シリコンの不純物濃度が非常に高い場合を考える。結晶内部の電荷分布を決めたので、電 荷分布 $\rho(x)$ とポテンシャル $\varphi(x)$ の関係を示す一次元ポワソン方程式を解けばシリコン内 の電位が決まる。

$$d^2\phi/dx^2 = -\rho(x)/\epsilon$$

総研大実習 A6 シリコンセンサーの基礎 (坪山 透)

この式を1回積分して電場を求める。境界条件は空乏領域の外側 ($x < -x_p$ と $x > x_n$) で $d\varphi(x)/dx = 0$ である。

$d\varphi(x)/dx = 0$	$(x < -x_p)$
$d\varphi(x)/dx = -x(-eN_p)/\varepsilon + Emax$	$(-x_p < x < 0)$
$d\varphi(x)/dx = -x(eN_n)/\epsilon + Emax$	$(0 \le x \le x_n)$
$d\varphi(x)/dx = 0$	$(x_n \le x)$

となる。 $Emax = ex_pN_p/\varepsilon = ex_nN_n/\varepsilon \simeq edN_n/\varepsilon$ となる。

さらにこの式を積分すると、ポテンシャルφ(x) が求まる。

$\varphi(x) = 0$	$(x < -x_p)$
$\varphi(x) = -(1/2) x^2 (-eN_p)/\varepsilon + x E \max + V_1$	$(-x_p < x < 0)$
$\varphi(x) = -(1/2) x^2 (eN_n)/\epsilon + x Emax + V_1$	$(0 < x < x_n)$
$\varphi(x) = V_2$	$(x_n \le x)$

これを解くと、

$$V_{1} = \frac{1}{2} x_{p}^{2} e N_{p} / \varepsilon$$

$$V_{2} = \frac{1}{2} x_{p}^{2} e N_{p} / \varepsilon + \frac{1}{2} x_{n}^{2} e N_{n} / \varepsilon = \frac{1}{2} x_{n}^{2} e N_{n} / \varepsilon (1 + N_{p} x_{p}^{2} / N_{n} x_{n}^{2})$$

$$= \frac{1}{2} x_{p}^{2} e N_{p} / \varepsilon (1 + x_{p} / x_{n}) \approx \frac{d^{2} e N_{p} / 2\varepsilon}{d^{2} e N_{p} / 2\varepsilon}$$

となる。*V*₂ は内部電圧 φ_{bi}と外部から加えるバイアス電圧 *V*_bの和である。空乏層の厚み *d* は、バイアス電圧の平方根に比例する。



空乏化電圧

シリコン内で発生する電荷を効率的に測定するためには、シリコン検出器の厚みを完全に 空乏化させる必要がある。その電圧を(完全)空乏化電圧 V_d と呼ぶ。PN 接合の空乏領 域を積極的に用いる検出器を PIN (P-intrinsic-N) ダイオードと呼ぶ。 同じ空乏層厚を得る ために必要なバイアス電圧は低ければそれだけ検出器の使用が楽になるので、より N_nの 小さなシリコンを使う必要がある。 実際に用いられるシリコンセンサーでは、使用目的 に従って、空乏層の長さは数 μm から数 cmのものが用いられる。

逆バイアスと順バイアス

次の図を用いてPINダイオードに電圧を加えた場合の状況をもう少し詳しく考える。左図 は外部に電源をつながない場合で、P側のホールとN側の電子の *E*_Fは同じになっている。 しかし φ_{bi}により電流は流れない。中図はN側に一、P側に+の電圧を加えた場合で、P側 のホールとN側の電子は反対側に流れることが出来る。反対側の領域に流れ込むとそこの 総研大実習 A6 シリコンセンサーの基礎 (坪山 透) 5 ページ 多数キャリアとの間で再結合をおこし消滅をする。その結果外部の電圧が存在する限り PN接合には電流が流れ続ける。再結合で開放されるエネルギーはシリコンを発熱させ る。右図は逆方向に電圧を掛けた状態でポテンシャルの障壁は左図よりさらに大きくな る。上に述べたように、この電圧のおかげで空乏領域を増やすことになる。



右からバイアス無し、順バイアス状態、逆バイアス状態のエネルギーを示す。赤線・青線は充満 帯と導電帯を示す。中央の点線はフェルミエネルギー (F_G)を示す。

シリコンの抵抗率と不純物濃度

N 型シリコンに電場 *E* を掛けると、シリコン中の自由電子は $E\mu_e$ の速度で移動する(移動度の定義)。従って不純物濃度 N_n のシリコン場合の電流密度 *j* は $-Ee\mu_eN_n$ となる。抵抗率 Ω はその係数の逆数である。

 $\Omega = 1/(e\mu_e N_n)$

実験で簡単に測定が直接できるのはシリコンの $N_{\rm n}$ ではなく Ω なので Ω を用いて空乏層 厚みを計算する方が実用的である。 $N_{\rm n}=1/(\Omega e\mu_{\rm e})$ より、 $V_2=V_{\rm b}+\varphi_{\rm bi}=d^2/(2\Omega \epsilon\mu_{\rm e})$ 。したがっ て、

$$d = \sqrt{2\Omega\varepsilon\mu_{\rm e}(V_{\rm bias} + \varphi_{\rm bi})}$$

となる。

ダイオードの接合容量

最初に述べたようにシリコンが空乏化すると、空乏層の厚み d に応じた静電容量C

 $C = \varepsilon S/d$

が測定される。*d*はバイアス電圧に依存するが、完全空乏化電圧 *V*_d以上では*d*はシリコンの厚みになり、静電容量が変化しなくなる。静電容量のバイアス電圧依存性を測定することで、全空乏化電圧を測定することができる。

シリコンPINフォトダイオードの構造

PINフォトダイオードは主に可視光を検出するために使われる。最初に述べたようにシリコンのバンドギャップ *E*_Gは、1.1 eV であるが、平均 3.6 eV の光のエネルギーで 1 電子ーホール対が発生する。

問題: 1.1 eV は光の波長ではどの位か?それは 紫外線か 、可視光か、赤外線か? ただし $E=vh=hc/\lambda$ 、プランク定数 $h=6.63\cdot10^{-34}$ J sec = 4.14 10⁻¹⁵ eV sec とする。 可視光はEgを越えるエネルギーを持ち、シリコン中では数 μm 走る間にすべて吸収され

る。したがって、可視光を高い 効率で測定するためには、シリ コンの表面の数 µm だけ高感度 ならば十分である。通常のIC技 術はシリコンの表面から 1-2 μm の深さにCMOSトランジスター などの構造を作る。IC技術で製 造した CCD や CMOS カメラ が高性能を発揮するのは、 「可 視光がシリコン表面で吸収され る」という特別な事情のおかげ と言える。この演習で使うPIN フォトダイオードの構造の簡略 化した図を下に示す。本課題で 試験する PIN ダイオードは抵抗 率 4 kΩ cm・厚み 300 μmの N 型 シリコン(青)から作られてお り、 面積は 1 cm²である。P領域



は機械的接合ではなく、ホウ素などの原子を高い電圧 (数10-100 kV) で加速して、シリコ ン表面に**打ち込む**(インプラント)ことで作られる。インプラントした原子を シリコン 結晶となじませる (活性化) ためにシリコンの板は数 100 °Cで加熱される。インプラント の深さは 1 µm 程度である。これまでに述べたように打ち込むアクセプター濃度は非常に 高いのでP領域の電気伝導率は高い。そこで、バイアス電圧を掛けたり、信号を取り出し たりするためには、P 領域の一部にアルミを蒸着し(黄色)配線をすれば十分である。N 側はシリコン板の裏側や、表面の一部にアルミ(空色)を蒸着して信号を取り出す。ここ にバイアス電圧を掛けることで、P型の境界面から空乏層が発達し、「全空乏化電圧」に 達したところで、Nの基盤はほぼ厚みいっぱい空乏化する。



練習問題

典型的な PIN フォトダイオードは 抵抗率 4 kΩ cm・厚み 300 μmの N 型シリコン基盤を用い、P領域は表面からおよそ1 μmの深さに硼素をインプラントして作られる。

(1) 不純物濃度 *N*_nをもとめよ。

(2)完全空乏化するために必要なバイアス電圧 (V_d)をもとめよ。 総研大実習 A6 シリコンセンサーの基礎 (坪山 透)

(3) 面積は1 cm²だとして、空乏化後の静電容量 *C*dをもとめよ。

(4) N_n は(1) でわかった。シリコンの厚みより $x_n=300 \mu m$ 、不純物打ち込みの深さ はたかだか $x_p = 1 \mu m$ である。ここから N_p (の下限)を求めよ。

(5)光がすべてPインプラント領域で吸収される場合、空乏層にで電子ーホール対が発生しないので、信号が出なくなる。その波長はどの程度か。(上のグラフをみて考えよ)

高性能センサーのためには空乏化が必要である

(1)光検出でも素粒子通過でも実験では微少信号を測定する場合が多い。信号を観察す るためには、電子回路で増幅しなくてはならない。ところが熱雑音の理論により「回路の 静電容量が大きいと原理的に雑音が増える」ことが知られている。センサーを全空乏化す ると静電容量が減少するので、それだけ測定される雑音が減る。

(2)電荷を持つ素粒子がシリコンを通過するときは、軌跡に沿って電子ーホール対が生成する。上に述べたとおり測定できる空乏層に発生した信号のみである。つまり、空乏層の厚みに比例して信号がふえる。したがって、空乏層の厚みをシリコンの厚みまで増やすことが重要である。それに対し、可視光はセンサー表面で吸収されるので、空乏層が数μm以上有っても信号は増えない。



荷電粒子がシリコン中を通過すると、軌跡に沿って電 子・ホール対が発生し、空乏層中をそれぞれN・Pの方 向に進む。

OPアンプ回路

ここでシリコンセンサーの評価に用いるOPアンプを説明する。OPアンプはインピーダン スがほぼ無限大の+と–の入力を持ち、ほぼ無限大の増幅率を持つ電圧増幅回路である。 動作を単純化すると、次のようなフィードバック回路を考えた場合、 *V*_x が0になるよう に増幅器は振る舞う。



$$V_x = ((V_{in}/Z_1) + (V_{out}/Z_2))/(1/Z_1 + 1/Z_2) = (V_{in}Z_2 + V_{out}Z_1)/(Z_1 + Z_2)$$
かつ $V_x = 0$ より、

 $V_{\rm out} = -(Z_2/Z_1)V_{\rm in}$

となる。Z₁が0の場合はV_x=V_{in}=0となるが、この場合は「電流増幅回路」になり、

 $V_{\text{out}} = -Z_2 i_{\text{in}}$

となる。 Z_2 が純粋な抵抗 Rなら $V_{out} = -I_{IN}R$ の電流増幅器、 Z_2 がコンデンサー Cの場合は電荷積分器となる

$$V_{\rm out} = -\frac{1}{C} \int I_{\rm IN} dt$$

センサーから出てくる信号は「電荷」である場合が多いので、検出回路の初段には 電荷 積分回路による信号処理が多く行われる。回路図には書いてないが、OPアンプには電源 が必要である。電源回路からのノイズを落としたり、増幅を安定にするため、ICの電源ピ ンとグラウンドの間には大容量のコンデンサを置くのが普通である。

演習課題

1) PINフォトダイオード評価回路を自作する。オペアンプは OPA129P を用いる。この アンプの特徴は入力に流れ込む電流が少ないことで、今回のような微少電流の精密測定に 向いている。まず回路図・写真を参考に努力して完成させよう。半田付けのヤケドには くれぐれも注意。ケーブルの色は黒 (GND)・赤 (+12 V)・青 (-12V)・黒 (細: GND)・ 白 (細: バイアス) などと決める。基盤が完成したら動作試験を行う。必要な電流は1 mA 程度なので、電源装置の電流リミッターを 0.01 A に設定しておく。配線に誤りがあっても IC が壊れることを防ぐ。 実は試作回路は発信してしまった。外来の電子雑音を遮蔽する ために、全体をアルミフォイルで覆うなどの工夫も必要になるかもしれない。このような 対策は実験中に行う。



上記回路の試作品。オシロスコープで測定するためのポートも半田付けする。右側は裏側から見たもの。

2)ダイオードに順バイアス・逆バイアスをかけて、直流特性を測る。順方向には 0.5 V まで、逆方向には予想される空乏化電圧の 1.5 倍まで電圧をかける。 0-200 V のバイアス 電源は 0 V付近で不正確なので、1/10 のアテニュエータで電源の電圧を下げて用いる。バ イアス電圧は、100 kΩ抵抗の電源側(回路図では左側)で測る。 センサーにかかる電圧 は電源電圧から(*i**100 kΩ)を引いたものである。PINフォトダイオードは高感度光検出 器なので、測定時にはきちんと遮光をすること。そのために黒ビニールも準備する。

3)ダイオードに逆バイアス電圧を掛けながら、静電容量を測る。バイアス電圧を変化さ せながら、空乏化が予想通り起こるかをしらべる。バイアス電圧の範囲は2)と同じでよ い。 周波数 *F*・電圧 *V* の正弦波をコンデンサー *C* に掛けたとき、*C* に流れる電流iは

 $i=2\pi FCV$

で表される。その電流をOPアンプ回路で増幅する。オシロスコープで、正弦波の振幅を 測ることで、 *C* を推定することが可能になる。交流電源の電圧はバイアス電圧より十分低 いことが重要。横軸をバイアス電圧 *V*・縦軸を1/*C*² でプロットするとわかりやすい。既知 のコンデンサー 100 pF 程度を用いて

4) バイアスをかけたフォトダイオードの信号をオシロスコープで観察しながら、受光面 に光を当てて、観察する。

考察

A) 演習課題2)・3) の測定結果から何が言えるか?

B)測定精度を検討する。バイアス電圧の精度、測定される電流・静電容量の精度はどの位か?

C)実験ノートをきちんとつけること。日付・時間・天候などの情報が思わぬ役に立つ ことがある。

D)レポート2-3枚にまとめる。

参考文献

1. 石原宏 岩波講座物理の世界物質科学の発展<4>半導体エレクトロニクス 2. S. M. Sze "Physics of Semiconductor Devices", 1990

付録

S8650カタログ(浜松ホトニクス)





OPA129P カタログ (Texas Instruments)



N

2009年6月1-3日

OPA129 SBOS026A

TEXAS INSTRUMENTS www.ti.com

ဂံ ဂံ ဂံ

ω

